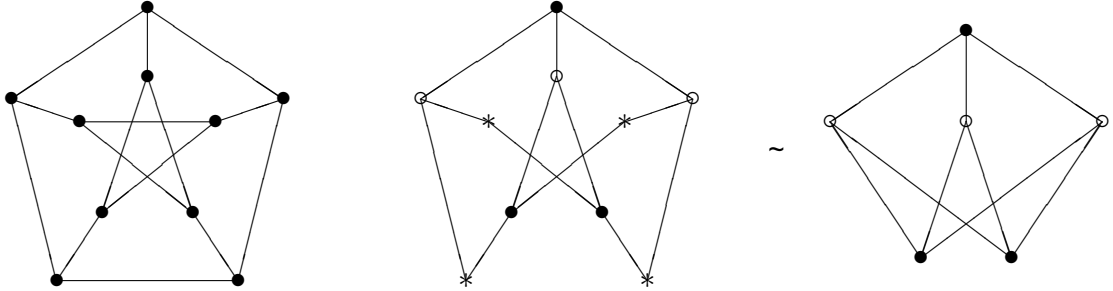


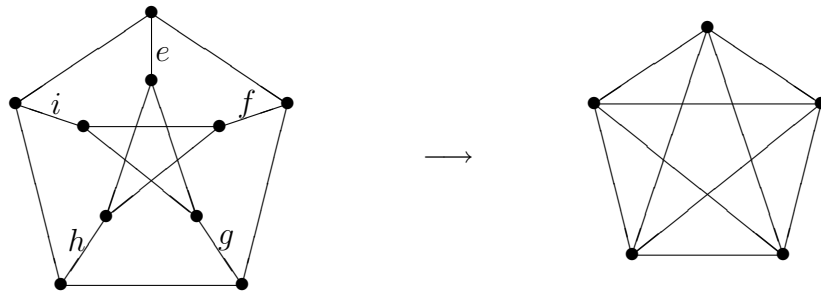
— ピータスグラフが平面的でないことの証明 —

第1の証明



部分グラフが $K_{3,3}$ に位相同型ゆえ。

第2の証明



5本の辺 e, f, g, h, i で縮約すると K_5 ができるので。

第3の証明 ピータスグラフでは

頂点数 $n = 10$, 辺数 $m = 15$

平面的だとして

$$\text{面数} = f$$

とおくと、オイラーの公式より

$$n - m + f = 2$$

$$f = 7$$

しかしピータスグラフには三角形も四角形も無いので

$$f \frac{2m}{5} = 6$$

矛盾。